

Задача А. Мосты

Имя входного файла: `bridges.in`
Имя выходного файла: `bridges.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан неориентированный граф, не обязательно связный, но не содержащий петель и кратных рёбер. Требуется найти все мосты в нём.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два натуральных числа n и m — количества вершин и рёбер графа соответственно ($1 \leq n \leq 20\,000$, $1 \leq m \leq 200\,000$).

Следующие m строк содержат описание рёбер по одному на строке. Ребро номер i описывается двумя натуральными числами b_i, e_i — номерами концов ребра ($1 \leq b_i, e_i \leq n$).

Формат выходных данных

Первая строка выходного файла должна содержать одно натуральное число b — количество мостов в заданном графе. На следующей строке выведите b целых чисел — номера рёбер, которые являются мостами, **в возрастающем порядке**. Рёбра нумеруются с единицы в том порядке, в котором они заданы во входном файле.

Примеры

bridges.in	bridges.out
6 7	1
1 2	3
2 3	
3 4	
1 3	
4 5	
4 6	
5 6	

Задача В. Точки сочленения

Имя входного файла: `points.in`
Имя выходного файла: `points.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан неориентированный граф. Требуется найти все точки сочленения в нём.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два натуральных числа n и m — количества вершин и рёбер графа соответственно ($1 \leq n \leq 20\,000$, $1 \leq m \leq 200\,000$).

Следующие m строк содержат описание рёбер по одному на строке. Ребро номер i описывается двумя натуральными числами b_i, e_i — номерами концов ребра ($1 \leq b_i, e_i \leq n$).

Формат выходных данных

Первая строка выходного файла должна содержать одно натуральное число b — количество точек сочленения в заданном графе. На следующей строке выведите b целых чисел — номера вершин, которые являются точками сочленения, в возрастающем порядке.

Примеры

<code>points.in</code>	<code>points.out</code>
6 7	2
1 2	2
2 3	3
2 4	
2 5	
4 5	
1 3	
3 6	

Задача С. Компоненты реберной двусвязности

Имя входного файла: `bicone.in`
Имя выходного файла: `bicone.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Компонентой реберной двусвязности графа $\langle V, E \rangle$ называется подмножество вершин $S \subset V$, такое что для любых различных u и v из этого множества существует не менее двух реберно не пересекающихся путей из u в v .

Дан неориентированный граф. Требуется выделить компоненты реберной двусвязности в нем.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два натуральных числа n и m — количества вершин и ребер графа соответственно ($1 \leq n \leq 20\,000$, $1 \leq m \leq 200\,000$).

Следующие m строк содержат описание ребер по одному на строке. Ребро номер i описывается двумя натуральными числами b_i, e_i — номерами концов ребра ($1 \leq b_i, e_i \leq n$).

Формат выходных данных

В первой строке выходного файла выведите целое число k — количество компонент реберной двусвязности графа. Во второй строке выведите n натуральных чисел $a_1, a_2, \dots, a_n$, не превосходящих k , где a_i — номер компоненты реберной двусвязности, которой принадлежит i -я вершина.

Примеры

<code>bicone.in</code>	<code>bicone.out</code>
6 7 1 2 2 3 3 1 1 4 4 5 4 6 5 6	2 1 1 1 2 2 2

Задача D. Компоненты вершинной двусвязности

Имя входного файла: `biconv.in`
Имя выходного файла: `biconv.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Компонентой вершинной двусвязности графа $\langle V, E \rangle$ называется максимальный по включению подграф (состоящий из вершин и ребер), такой что любые два ребра из него лежат на вершинно простом цикле.

Дан неориентированный граф без петель. Требуется выделить компоненты вершинной двусвязности в нем.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два натуральных числа n и m — количества вершин и ребер графа соответственно ($1 \leq n \leq 20\,000$, $1 \leq m \leq 200\,000$).

Следующие m строк содержат описание ребер по одному на строке. Ребро номер i описывается двумя натуральными числами b_i, e_i — номерами концов ребра ($1 \leq b_i, e_i \leq n$).

Формат выходных данных

В первой строке выходного файла выведите целое число k — количество компонент вершинной двусвязности графа. Во второй строке выведите m натуральных чисел $a_1, a_2, \dots, a_m$, не превосходящих k , где a_i — номер компоненты вершинной двусвязности, которой принадлежит i -е ребро. Ребра нумеруются с единицы в том порядке, в котором они заданы во входном файле.

Примеры

<code>biconv.in</code>	<code>biconv.out</code>
5 6 1 2 2 3 3 1 1 4 4 5 5 1	2 1 1 1 2 2 2

Задача Е. Магнитные подушки

Имя входного файла: `city.in`
Имя выходного файла: `city.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Город будущего застроен небоскребами, для передвижения между которыми и парковки транспорта многие тройки небоскребов соединены треугольной подушкой из однополярных магнитов. Каждая подушка соединяет ровно 3 небоскреба и вид сверху на нее представляет собой треугольник, с вершинами в небоскребах. Это позволяет беспрепятственно передвигаться между соответствующими небоскребами. Подушки можно делать на разных уровнях, поэтому один небоскреб может быть соединен различными подушками с парами других, причем два небоскреба могут соединять несколько подушек (как с разными третьими небоскребами, так и с одинаковым). Например, возможны две подушки на разных уровнях между небоскребами 1, 2 и 3, и, кроме того, магнитная подушка между 1, 2, 5.

Система магнитных подушек организована так, что с их помощью можно добираться от одного небоскреба, до любого другого в этом городе (с одной подушки на другую можно перемещаться внутри небоскреба), но поддержание каждой из них требует больших затрат энергии.

Требуется написать программу, которая определит, какие из магнитных подушек нельзя удалять из подушечной системы города, так как удаление даже только этой подушки может привести к тому, что найдутся небоскребы из которых теперь нельзя добраться до некоторых других небоскребов, и жителям станет очень грустно.

Формат входных данных

В первой строке входного файла находятся числа N и M — количество небоскребов в городе и количество работающих магнитных подушек соответственно ($3 \leq N \leq 100000$, $1 \leq M \leq 100000$). В каждой из следующих M строк через пробел записаны три числа — номера небоскребов, соединенных подушкой. Небоскребы пронумерованы от 1 до N . Гарантируется, что имеющиеся воздушные подушки позволяют перемещаться от одного небоскреба до любого другого.

Формат выходных данных

Выведите в выходной файл сначала количество тех магнитных подушек, отключение которых невозможно без нарушения сообщения в городе, а потом их номера. Нумерация должна соответствовать тому порядку, в котором подушки перечислены во входном файле. Нумерация начинается с единицы.

Примеры

city.in	city.out
3 1 1 2 3	1 1
3 2 1 2 3 3 2 1	0
5 4 1 2 3 2 4 3 1 2 4 3 5 1	1 4

Задача F. Размещение данных

Имя входного файла: `data.in`
Имя выходного файла: `data.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Телекоммуникационная сеть крупной IT-компании содержит n серверов, пронумерованных от 1 до n . Некоторые пары серверов соединены двусторонними каналами связи, всего в сети m каналов. Гарантируется, что сеть серверов устроена таким образом, что по каналам связи можно передавать данные с любого сервера на любой другой сервер, возможно с использованием одного или нескольких промежуточных серверов. Множество серверов A называется отказоустойчивым, если при недоступности любого канала связи выполнено следующее условие. Для любого не входящего в это множество сервера X существует способ передать данные по остальным каналам на сервер X хотя бы от одного сервера из множества A . В условиях показан пример сети и отказоустойчивого множества из серверов с номерами 1 и 4. Данные на сервер 2 можно передать следующим образом. При недоступности канала между серверами 1 и 2 — с сервера 4, при недоступности канала между серверами 2 и 3 — с сервера 1. На серверы 3 и 5 при недоступности любого канала связи можно по другим каналам передать данные с сервера 4.

В ходе проекта группе разработчиков компании необходимо разместить свои данные в сети. Для повышения доступности данных и устойчивости к авариям разработчики хотят продублировать свои данные, разместив их одновременно на нескольких серверах, образующих отказоустойчивое множество. Чтобы минимизировать издержки, необходимо выбрать минимальное по количеству серверов отказоустойчивое множество. Кроме того, чтобы узнать, насколько гибко устроена сеть, необходимо подсчитать количество способов выбора такого множества, и поскольку это количество способов может быть большим, необходимо найти остаток от деления этого количества способов на число $10^9 + 7$. Требуется написать программу, которая по заданному описанию сети определяет следующие числа: k — минимальное количество серверов в отказоустойчивом множестве серверов, c — остаток от деления количества способов выбора отказоустойчивого множества из k серверов на число $10^9 + 7$

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит целые числа n и m — количество серверов и количество каналов связи соответственно ($2 \leq n \leq 200000, 1 \leq m \leq 200000$). Следующие m строк содержат по два целых числа и описывают каналы связи между серверами. Каждый канал связи задается двумя целыми числами: номерами серверов, которые он соединяет. Гарантируется, что любые два сервера соединены напрямую не более чем одним каналом связи, никакой канал не соединяет сервер сам с собой, и для любой пары серверов существует способ передачи данных с одного из них на другой, возможно с использованием одного или нескольких промежуточных серверов.

Формат выходных данных

Выведите два целых числа, разделенных пробелом: k — минимальное число серверов в отказоустойчивом множестве серверов, c — количество способов выбора отказоустойчивого множества из k серверов, взятое по модулю $10^9 + 7$

Примеры

data.in	data.out
5 5 1 2 2 3 3 4 3 5 4 5	2 3

Замечание

В приведенном примере отказоустойчивыми являются следующие множества $\{1, 3\}, \{1, 4\}, \{1, 5\}$.

Задача G. Компьютерная сеть

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 0.5 секунд
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Компьютерная сеть «Plunder & Flee Inc.» состоит из n серверов и m двусторонних каналов связи. Два сервера могут общаться либо по прямому каналу, либо по цепочке каналов, передавая информацию от сервера к серверу. Текущая настройка сети обеспечивает связь для любой пары серверов.

Сетевой администратор стремится максимально повысить надежность сети. Некоторые каналы связи в сети были определены как критические. Сбой на любом критическом канале разделит сеть на несвязанные сегменты. Руководство компании отреагировало на опасения администратора и согласилось профинансировать ещё один канал связи, при условии, что когда новый канал появится в сети, количество критических каналов будет сведено к минимуму.

Напишите программу, которая по заданной конфигурации сети будет выбирать пару серверов подключиться по новой линии связи. Если несколько таких пар позволяют минимизировать количество критических ссылок, то любая из них будет считаться правильным ответом.

Формат входных данных

В первой строке содержится два натуральных числа n и m ($1 \leq n \leq 10\,000$, $1 \leq m \leq 100\,000$). В следующих m строках через пробел заданы по два натуральных числа x_i и y_i , которые описывают номера серверов соединённых каналом ($1 \leq x_i, y_i \leq n$, $x_i \neq y_i$).

Формат выходных данных

Выведите пару чисел через пробел, номера серверов, которые необходимо соединить каналом, чтобы минимизировать количество критических каналов.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
7 7 1 2 2 3 2 4 2 6 3 4 4 5 6 7	7 1
5 6 1 2 2 3 3 1 4 3 4 5 5 4	4 1

Задача Н. Премьер министр

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Новый премьер-министр решил проехать по России от Москвы до Владивостока по железной дороге, а затем вернуться обратно. Он поручил своим помощникам разработать маршрут так, чтобы не пришлось два раза проезжать через один и тот же город. Однако помощники сообщили, что для Российских железных дорог это невозможно. Определите, в каких городах премьер-министр будет вынужден побывать дважды.

Формат входных данных

В первой строке входных данных находятся числа n и m — количество российских городов, соединенных железными дорогами в единую сеть, и количество железнодорожных перегонов, соединяющих пары городов ($1 \leq n \leq 20\,000$; $1 \leq m \leq 200\,000$).

Города имеют номера от 1 до n . В каждой из следующих m строк находится пара натуральных чисел, описывающая, между какими двумя городами проходит соответствующая железнодорожная ветка. В последней строке находятся два целых числа s и e ($1 \leq s \neq e \leq n$) — номера Москвы и Владивостока по версии РЖД.

Формат выходных данных

В первой строке выведите число b — количество городов, которые премьер-министру придется посетить дважды. В следующих b строках выведите b целых чисел — номера этих городов в возрастающем порядке.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 2 1 2 2 3 3 1	1 2